

Opgave 1)

Cilinder met R en m.

$$m_1 \text{ en } m_2 \Rightarrow m_2 > m_1$$

a)  $I_c = \frac{1}{2} m R^2$

b)  $\begin{cases} m_1 : F_{S_1} - F_{z_1} = m_1 \cdot a \\ m_2 : F_{z_2} - F_{S_2} = m_2 \cdot a \end{cases}$   $\Leftrightarrow \begin{cases} F_{S_1} = m_1 a + m_1 g \\ F_{S_2} = m_2 g - m_2 a \end{cases}$  I  
 $\Leftrightarrow$  II

m:  $\sum \text{moments} - F_{S_2} \cdot R + F_{S_1} \cdot R = I_c \alpha$

↓  
neg, omdat tegen  
de bewricht.

maar :  $-R F_{S_1} + R F_{S_2} = I_c \alpha$  III

c) Rolvoorraande:  $V_c = \omega R$ , IV

d)  $\omega(t) = \alpha t \Leftrightarrow \alpha = \frac{-R F_{S_1} + R F_{S_2}}{I_c}$  V

Sub I en II in V :

$$\alpha = \frac{-R(m_1 a + m_1 g) + R(m_2 g - m_2 a)}{\frac{1}{2} m R^2} = \frac{-m_2 R(a+g) + m_2 R(g-a)}{\frac{1}{2} m R^2}$$

$$\alpha = \frac{R \{-m_2(a+g) + m_2(g-a)\}}{\frac{1}{2} m R}$$

$$d = \frac{-m_2(a+g) + m_2(g-a)}{\frac{1}{2} m R} VI$$

Sub VI in  $\omega(t) = \alpha t$  :

$$\omega(t) = \frac{-m_2(a+g) + m_2(g-a)}{\frac{1}{2} m R} t = \frac{m_2 - m_1}{\frac{1}{2} m} \frac{g}{R} t$$

Opgave 2)

Volledige elastische botsing, dus geen energieverlies. BW I geldt wel!

a)  $\sum \bar{E}_{\text{kin}} = \sum \bar{E}_{\text{na}} \quad (\text{topp})$       Centrum

$$\sum_{\text{dm} \rightarrow p} \alpha m V = \sum_{\text{dm} \rightarrow p} \alpha m v_{\text{na}} + I_p \omega$$

$$0 = 0 + I_p \omega$$

$$\boxed{I_p = \sqrt{I_c^2 + m \omega^2} = \sqrt{\frac{1}{2} m l^2 + \frac{1}{2} m \left(\frac{1}{4} V^2\right)} = \sqrt{\frac{5}{8} m l^2}}$$

$$\sum \bar{E}_{\text{kin}} = 0 ; \quad \sum \bar{E}_{\text{na}} = \text{flakkeren} \Rightarrow \frac{11}{16} m l^2 \omega$$

b) Percussiepunt: mbv behoud van impuls

c) alle dm, want er werden extra krachten (<sup>momenta</sup>) in sprake v/c volledige botsing, dus er wordt geen enige verlus op-

d) BW III:  $\frac{11}{16} m l^2 \omega = 0$

BW I:  $\frac{1}{2} \alpha m V^2 = \frac{1}{2} \alpha m u^2 + \frac{1}{2} I_c \omega^2$

BW II:  $\alpha m V = \alpha m u$

• druk m uit:

•  $u=0 \rightarrow$  beweert d:

$$\boxed{\text{BW I} : \frac{1}{2} \alpha m V^2 = \frac{1}{2} I_c \omega^2}$$

• druk  $W = F \cdot v$  uit u vervl:

$$\frac{1}{2} \alpha m V^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} m l^2 \omega^2$$

$$\omega^2 = \frac{l^2}{2} \omega^2$$

$$\alpha = \frac{l^2 \omega^2}{m}$$